

# НА ДОПОМОГУ ВЧИТЕЛЮ ІНФОРМАТИКИ

## ВЕКТОРНА ГРАФІКА В LATEX ЗАСОБАМИ TIKZ

Рудик О. Б.

Ця публікація є безпосереднім продовженням попередніх публікацій автора, що описували можливості LaTeX 90-х років ХХ століття. Того, що давало можливість зручно для автора підготувати текст із численними математичними формулами зі складною структурою. Підготувати у формі, максимально доступній для сприйняття читачем. Водночас можна було, наприклад, точно подати графіки функцій і легко подати зображення розгорток многогранників. Для простих ілюстрацій планіметричних і стереометричних задач цього було достатньо. Але потреба подавати складні схеми, діаграми та ще й у кольорі потребувала нововведень. Таким нововведенням, що долучило до LaTeX графічний векторний редактор, став пакет PgF/TikZ (входить до складу MiKTeX). Ця публікація є спробою подати стислий опис можливостей пакета PgF/TikZ без «занурення до дна» детального опису — 725 сторінок формату А4 англійською мовою. Наш стислий опис неповний, але достатній для успішної роботи в більшості випадків. Посилання на ресурси глобальної мережі дозволить читачам, образно кажучи, «не лише пірнути до дна, але й покопатися». У кінці публікації описано процес розширення вільноподібного редактора векторної графіки Inkscape до експорту результатів у TikZ.

Публікацію призначено для учнів класів із поглибленим вивченням математики чи фізики, студентів математичних і фізичних спеціальностей, учителів математики й фізики, наукових працівників.

### 1. Спосіб використання

**Трансляція** — перетворення формату з tex на pdf — результат виконання такої вказівки: pdflatex *назва файлу.tex*. Тут і далі курсивом виділено назви понять, замість яких користувач має записати назви об'єктів або числові величини.

У преамбулі потрібно замовити:

- використання пакета вказівкою:

\usepackage{tikz};

- використання бібліотек пакета, наприклад, так: \usetikzlibrary{positioning,arrows,through, patterns,calc}

Параметри вказують на можливість такого:

- **positioning** — відносного позиціонування;
- **arrows** — креслення стрілок;
- **through** — проведення кола через задану точку;
- **patterns** — штрихування;
- **calc** — обчислення.

Всередині середовища document вказівки рисунка розташовують у середовищі tikzpicture або використовують як аргумент вказівки \tikz. Наприклад, і код:

```
\tikz{\draw (-1,0) -- (1,0);
      \draw (0,-1) -- (0,1);}
```

і код:

```
\begin{tikzpicture}\draw (-1,0) -- (1,0);
      \draw (0,-1) -- (0,1);
\end{tikzpicture}
```

призведуть до одного й того самого зображення двох взаємно перпендикулярних відрізків (рис. 1).

При цьому кожну вказівку завершують крапкою з комою. У поданому прикладі використано вказівку \draw. Згідно із замовчуванням TikZ тлумачить усі розміри в сантиметрах, але їх можна задати й стандартним способом. Розташування центра координат (0,0) є відносним.

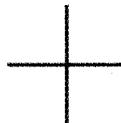


Рис. 1

Середовище tikzpicture має параметр scale, за домогою якого можна збільшувати чи зменшувати розмір рисунка без зміни величин координат об'єктів на рисунку.

### 2. Синтаксис вказівок

**Загальний синтаксис** вказівок такий:

\command [parameters] (name) {contents} arguments;

Тут

command — вказівка;

parameters — перелік параметрів через кому;

name — назва створюваного об'єкта (на уподібнення користувача);

contents — вміст об'єкта (може містити інші об'єкти);

arguments — аргументи, наприклад, координати точок шляху, розміри чи інші вказівки без \.

Обов'язковою є наявність лише власне вказівки. У tikz багато вказівок, але в багатьох випадках достатньо використання лише path і node.

**Вказівка \path** створює контур. Її параметри описують, як цей контур використовують:

draw — лише накреслити контур;

fill — лише залити;

fill,draw — накреслити контур і залити;

use as bounding box — використати контур як обмеження зображення.

Замість

\path[draw], \path[fill], \path[shade,draw], ...

використовують скорочення

\draw, \fill, \shadedraw.

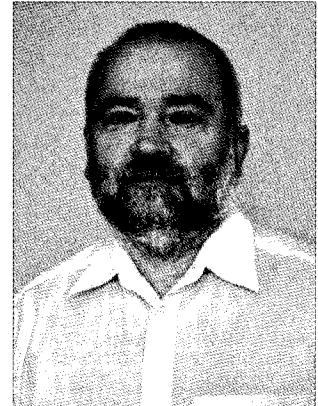
Як параметр \path також вказують на наявність і напрям стрілок, колір, товщину лінії тощо.

Колір можна задати так:

- **назвою кольору**, попередньо означеного в LaTeX і пакетіxcolor. Наступні назви є завжди досяжними: black, blue, brown, cyan, darkgray, gray,

green, lightgray, lime, magenta, olive, orange, pink, purple, red, teal, violet, white, yellow;

- **змішуванням кольорів** з попередньо означеними назвами. Синтаксис запису змішування такий: колір<sub>1</sub>!відсоток!колір<sub>2</sub>. У результаті отримують



колір, що містить  $\text{відсоток}\% \text{ кольору}_1$  і  $(100 - \text{відсоток})\% \text{ кольору}_2$ . Наприклад, `red!20!yellow` означає змішування червоного й жовтого кольорів у пропорції 20:80. Білий колір можна не вказувати. Дії змішування виконують у порядку їх запису зліва направо — див. далі приклад задання стилю вузла для вказівки `\node`;

#### • запровадження нових кольорів здійснюють:

вказівкою `\definecolor{своя назва}{rgb}{інтенсивність червоного, інтенсивність зеленої, інтенсивність блакитного}`, де інтенсивності кольорів задано дійсними числами в межах від 0 до 1 включно;

вказівкою `\colorlet{своя назва}{код кольору, заданий допустимим чином}`.

Змінити колір тексту можна такою вказівкою `\textcolor{колір}{текст}`.

Щодо решти параметрів — див. далі опис вказівки `\draw` та інших оболонок над `\path`.

Аргументами є координати точок, через які має проходити контур. У `tikz` можна використати такі способи задання координат (після назви подано приклади використання):

- декартові відносні  $(1,5)$ ;
- декартові абсолютні на аркуші  $(11pt, 22mm)$ ;
- полярні кут-відстань  $(3:2)$ ;
- декартові відносно попередньої точки  $++(0,1)$ ;
- декартові відносно початкової точки  $+(-1,2)$ ;
- баріцентричні відносно двох точок  $(1,2)!3!(3,4)$  — координати точки, розташованої на відстані  $3/10$  шляху з  $(1,2)$  до  $(3,4)$ ;
- відстань на промені  $(1,2)!3cm!(3,4)$  — координати точки, розташованої на відстані 3 см від початку променя  $(1,2)$  на промені, що містить точку  $(3,4)$ ;
- проекція на дану пряму  $(1,2)!(3,0)!(3,4)$  — координати проекції точки  $(3,0)$  на пряму, що містить точки  $(1,2)$  і  $(3,4)$ .

Координати точок, між якими потрібно провести лінію, розділяють символами  $--$ .

Назви об'єктів (у круглих дужках), межі яких потрібно сполучити, розділяють символами `edge`:

`\path (об'єкт1) edge (об'єкт2)`;

Вказівка `\node` створює вузол, що, зазвичай, містить текст. Її параметрами можуть бути стиль тексту, колір, інформація щодо наявності, форми й кольору меж, розташування відносно інших об'єктів тощо. Розташовують вузол у точці з координатами  $(x, y)$  за допомогою аргумента `at (x, y)`. Розташування відносно інших об'єктів здійснюють, використовуючи бібліотеку `positioning`. Наприклад, вказівка:

`\node[right of=назва1](назва2){текст}`

створить вузол `назва2` праворуч від вузла `назва1` і розташує в ньому `текст`.

Стиль оформлення вузла задають, якщо кілька вузлів потрібно зобразити однаково. Для цього використо-

вують вказівку `\tikzstyle`. Подамо приклад такого використання з коментарями після символа % (табл. 1).

Після такого означення стиль `format` можна вказати як параметр відповідного вузла `\node`. Зображення на рис. 2 створено за допомогою такого коду (тут і далі подано лише вміст середовища `tikzpicture`):

```
\tikzstyle{format} = [
  circle,
  thick,
  minimum size=1cm,
  draw=green!50!red!50!black,
  right color=red,
  left color=green,
  font=\bfseries
]
\node[format] (A) at (0,0) {\textcolor{white}{A}};
\node[format] (B) at (2,0) {\textcolor{white}{B}};
\node[format] (C) at (1,1.732) {\textcolor{white}{C}};
\path[green, ultra thick] (A) edge (B);
\path[blue, ultra thick] (B) edge (C);
\path[brown, ultra thick] (C) edge (A);
```

### 3. Лінії

Для зображення ліній використовують вказівку `\draw`. Довільну накреслену криву можна замкнути так: `\draw ... -- cycle;`. У квадратних дужках після `\draw` через кому можна вказати:

товщину (подано у порядку зростання):

`ultra thin;`  
`very thin;`  
`thin;`  
`semithick;`  
`thick;`  
`very thick;`  
`ultra thick;`

або вказати товщину явно, наприклад:  
`line width=4pt ;`

тип:

`solid;`  
`dotted;`  
`densely dotted;`  
`loosely dotted;`  
`dashed;`  
`densely dashed;`  
`loosely dashed;`  
`dashdotted;`  
`densely dashdotted;`  
`loosely dashdotted;`  
`dashdotdotted;`

Таблиця 1

<code>\tikzstyle{format} = [</code> <code>rounded rectangle,</code> <code>thick,</code> <code>minimum size=1cm,</code> <code>draw=red!50!black!50,</code> <code>top color=white,</code> <code>bottom color=red!50!black!20,</code> <code>font=\itshape]</code>	% прямокутник зі зглаженими краями % контур жирною лінією % мінімальний розмір % контур має колір: 25% червоного + 25% чорного + 50% білого % білий згори для градієнтної заливки згори донизу % 10% червоного + 10% чорного + 80% білого знизу % похилий шрифт тексту
-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

densely dashdotdotted;  
loosely dashdotdotted.

Подамо зображення згаданих типів у тому самому порядку переліку (рис. 3).

Стрілку:

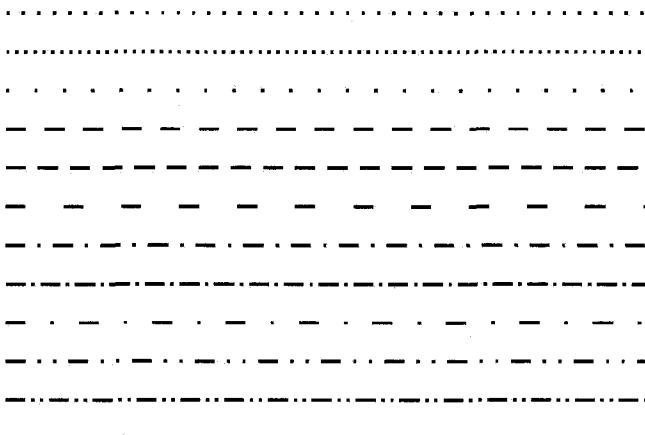


Рис. 3

- стрілка ліворуч або праворуч (точінше кажучи, спрамована на початкову або на кінцеву точку):  $<-$  або  $->$
- стрілки на обох кінцях лінії:  $<->$ ;
- подвійна стрілка ліворуч або праворуч:  $<<-$  або  $->>$ ;
- подвійні стрілки на обох кінцях лінії:  $<<->>$ ;

Подамо зображення, отримане за допомогою такого коду (рис. 4):

```
\draw[->](0,0)--(2,0);
\draw[->>](0,-.5)--(2,-.5);
\draw[<->](0,-1)--(2,-1);
\draw[o-*](0,-1.5)--(2,-1.5);
\draw[->-->](0,-2)--(2,-2);
```

Колір (див. вище пункт 2. Синтаксис вказівок).

Задані величини параметрів застосовують до всіх фігур, що виводять вказівкою \draw до наступного переозначення параметрів у квадратних дужках.

Після вказівки \draw (з визначенням величин параметрів у квадратних дужках чи без цього) у круглих дужках потрібно вказати початкову точку кривої, центр фігури (для кола, еліпса або дуги) або одну із точок прямокутної області. Наприклад, \draw(2,3).

Далі записують модифікатор — тип лінії. Тлумачення чисел у круглих дужках після модифікатора залежить від модифікатора. Різні модифікатори можна розташувати послідовно всередині однієї вказівки \draw.

**Проведення відрізка** до точки  $(x, y)$  задають так:  $-(x, y)$ . Ламану з кількох ланок можно накреслити, вказавши координати послідовних вершин у дужках через кому. Наприклад, вказівка:

\draw(0,0)--(1,1)--(0,1)--(1,0)--(0,0);  
зобразить ламану, утворену діагоналями квадрата й парою його протилежних сторін, паралельних осі абсцис  $Ox$  (рис. 5).

Породження вузлів до проведення ламаної подамо прикладом такого коду:

```
\tikzstyle{every node}=[draw,shape=circle,thick];
\node(v1) at (360/7:2){$V_1$};
\node(v2) at (2*360/7:2){$V_2$};
\node(v3) at (3*360/7:2){$V_3$};
\node(v4) at (4*360/7:2){$V_4$};
\node(v5) at (5*360/7:2){$V_5$};
\node(v6) at (6*360/7:2){$V_6$};
\node(v7) at (0:2){$V_7$};
\draw[thick](v1)--(v2)--(v3)--(v4)--(v5)--(v6)--(v7)--(v1);
```

що породжує таке зображення (рис. 6).

Породження вузлів при проведенні ламаної подамо прикладом такого коду:

```
\draw(0,0) node[below left]{$A_1$} --(1,0) node[below right]{$A_2$} --(1,1) node[above right]{$A_3$} --(0,1) node[above left]{$A_4$} --cycle;
```

що породжує таке зображення (рис. 7).

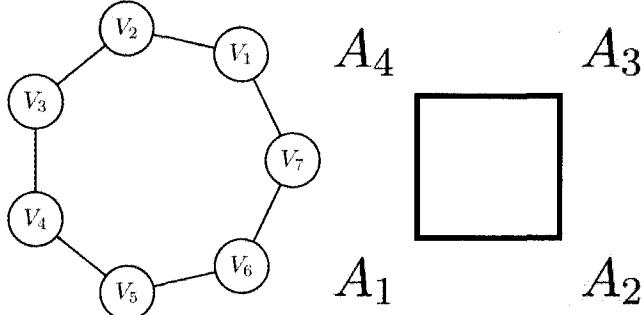


Рис. 6

Рис. 7

Гратку записують, наприклад, так:

\draw[step=1cm](1,2) grid(3,4);

У поданому прикладі параметр step визначає крок гратки, а пари чисел до й після модифікатора grid — область  $[1,2]\times[3;4]$  для покриття граткою.

Круг з радіусом  $r$  записують так: circle( $r$ ).

Еліпс з осями  $a$  і  $b$  записують так: ellipse( $a$  and  $b$ ).

Дугу круга з кутовим аргументом від  $\alpha$  до  $\theta$  і радіусом  $r$  записують так: arc( $\alpha : \theta : r$ ).

Дугу еліпса з кутовим аргументом від  $\alpha$  до  $\theta$  і осями  $a$  і  $b$  записують так: arc( $\alpha : \theta : a$  and  $b$ ). При зображені дуг центр кола чи еліпса розраховується автоматично, а координати arc задають початкову точку дуги.

**Прямокутник**, у якому координати однієї вершини задано безпосередньо після запису вказівки \draw до модифікатора, а протилежна вершина має координати  $(x, y)$ , записують так: rectangle( $x, y$ ). Заокруглити кути прямокутника дуговою кола з радіусом  $r$  можна, вказавши параметр [rounded corners= $r$ ].

**Кубічну криву Без'є** задають такою вказівкою (А).. controls (X) and (Y).. (B). Тут (A) та (B) — кінці кривої, (X) та (Y) — опорні точки, розташування яких впливає на форму кривої. Відсутність частини and (Y) означає (Y) = (X). Водночас можна створювати вузли у точках параметризованої кривої (параметр зростає від 0 до 1 при русі точки від початку до кінця), задаючи величину параметра — див. результат виконання такого коду (рис. 8):

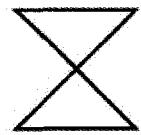


Рис. 5

```
\draw[line width=2pt](0,0).. controls(1,3)..(4,0)
node[pos=0,left]{0}
node[pos=.2,left]{0.2}
node[pos=0.7,above]{0.7}
node[pos=1,right]{1}
```

Кубічну криву можна задати, вказавши початкову та кінцеву точки та кутові аргументи дотичних векторів у цих точках. Наприклад, так (рис. 9):

```
\draw[line width=2pt,->](0,0) to [out=150,in=180](4,2);
\draw[line width=2pt,->](0,0) to [out=-90,in=0](4,2);
```

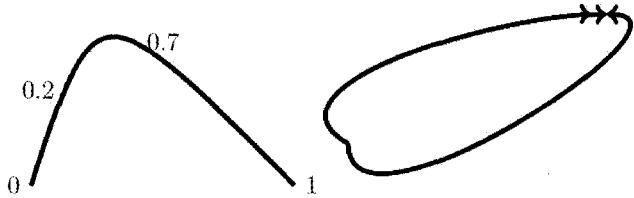


Рис. 8

Рис. 9

#### 4. Заливка

Замкнений контур із заливкою того самого кольору можна намалювати з допомогою вказівки `\fill`, синтаксис використання якої такий самий, як для вже розглянутої вказівки `\draw`.

При різних кольорах контуру й заливки використовують таку вказівку:

```
\filldraw[fill=кольор заливки, draw=кольор контуру] запис контуру такий самий, як для \draw.
```

Прозорість визначають параметром `opacity`, що набуває дійсних величин у межах від 0 до 1. Повний непрозорості відповідає 1.

Різні прозорості тла й контуру задають відповідно параметрами `fill opacity` й `draw opacity`.

Для прикладу подамо зображення (рис. 10), створене за допомогою такого коду:

```
\draw[step=1,gray] (-4,-3) grid (4,3);
\draw[thick,violet,densely dashed](0,0)
ellipse (4 and 3);
\draw[thick,red,densely dotted](0,0) circle (3);
\fill[thick,green](0,1.5) arc (90:0:2 and 1.5)
arc (180:-90:.5) -- cycle;
\fill[thick,cyan,opacity=0.5](-1.5,1.5)
rectangle (-2.5,-1.5);
\draw[thick,blue](0,0).. controls (1,-1)
and (-1,-1)..(0,-3);
```

#### 5. Перетворення зображення

Поворот фігури здійснюють, вказавши у градусах параметр `rotate` вказівки виведення зображення — `\draw`, `\fill` або `\filldraw`

Паралельне перенесення на вектор  $v(x, y)$  можна здійснити, вказавши параметри: `xshift=x, yshift=y`. Якщо перенесення здійснюють у вертикальному чи горизонтальному напрямку, то відповідне надання нульової величини `*shift=0` можна не записувати.

Вирізання частини зображення, обмеженого контуром, без зображення цього контуру здійснюють вказівкою `\clip`, синтаксис використання якої щодо запису контуру такий самий, як для розглянутої вказівки `\draw`. Ця вказівка нічого не малює, але впливає на зображення фігур, заданих наступними за нею вказівками.

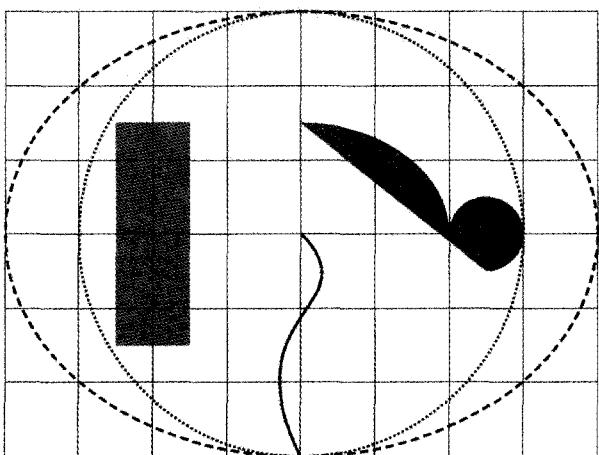


Рис. 10

Вирізання частини зображення, обмеженого контуром, разом із зображенням цього контуру здійснюють вказівкою `\draw` з опцією `clip` (вказаною у квадратних дужках).

Обмеження дії вирізання зображення здійснюють розташуванням вказівки вирізання й наступних вказівок побудови фрагментів зображення всередині середовища `\begin{scope}... \end{scope}`.

Для прикладу подамо зображення (рис. 11), створене за допомогою такого коду:

```
\draw[rotate=60,clip](0,0) ellipse (4 and 3);
\draw[step=.5,gray] (-4,-4) grid (4,4);
\fill[black](0,0) circle (.1);
\fill[thick,green,rotate=30](0,0) rectangle (1,1);
\fill[thick,green,rotate=30,xshift=1cm,
yshift=2cm](0,0) rectangle (1,1);
\fill[thick,red,xshift=1.5cm,yshift=2cm](0,0)
rectangle (.5,.5);
\fill[thick,red,xshift=1.5cm,yshift=2cm,
rotate=120](0,0) rectangle (.5,.5);
```

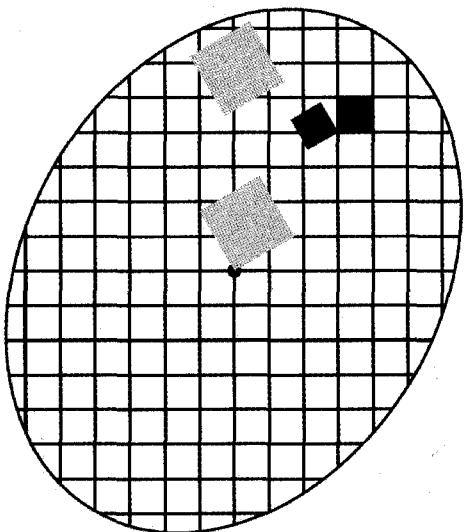


Рис. 11

Поданий приклад наочно переконує, що результат повороту й паралельного перенесення залежить від порядку виконання дій.

(Далі буде)